

1a. QUESTÃO - ITEM 1

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine a relação que deve existir entre os números  $m$ ,  $p$ ,  $n$  e  $q$ , para que se verifique a seguinte igualdade entre os termos da mesma progressão aritmética:  $a_m + a_n = a_p + a_q$ .

SOLUÇÃO:

$$a_m = a_1 + (m-1)r$$

$$a_p = a_1 + (p-1)r$$

$$a_n = a_1 + (n-1)r$$

$$a_q = a_1 + (q-1)r$$

---


$$a_m + a_n = 2a_1 + (m+n-2)r$$

---


$$a_p + a_q = 2a_1 + (p+q-2)r$$

$$2a_1 + (m+n-2)r = 2a_1 + (p+q-2)r$$

$$m + n = p + q \quad \dots r \neq 0$$

RESPOSTA:  $m+n = p+q$

1a. QUESTÃO - ITEM 2

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Calcule:  $\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x} \sqrt{x} \sqrt{x} \sqrt{x} \dots$

SOLUÇÃO:

$$\sqrt{x} \sqrt{x} \sqrt{x} \dots = x^{1/2} \cdot x^{1/4} \cdot x^{1/8} \dots = x^{1/2+1/4+1/8+\dots}$$

$$1/2 + 1/4 + 1/8 + \dots \rightarrow S = \frac{a_1}{1-q} = \frac{1/2}{1-1/2} = 1$$

$$\sqrt{x} \sqrt{x} \sqrt{x} \dots = x$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x} \sqrt{x} \sqrt{x} \dots = 2$$

RESPOSTA: 2

1a. QUESTÃO - ITEM 3

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Calcule o logaritmo de 625 na base

$$(5 \sqrt[3]{5})^x$$

SOLUÇÃO:

$$(5 \sqrt[3]{5})^x = 625$$

$$5^{x+1/3} = 5^4$$

$$4x/3 = 4$$

$$x = 3$$

625

5

125

5

25

5

5

5

1

RESPOSTA: 3

1a. QUESTÃO - ITEM 4

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine a raiz positiva da equação:

$$\log(2x^2 + 4x - 4) + \text{colog}(x + 1) = \log 4$$

OBSERVAÇÃO:  $\log A$  - logaritmo decimal de A.

SOLUÇÃO:

$$\log \frac{(2x^2 + 4x - 4)}{x - 1} = \log 4$$

$$\frac{2x^2 + 4x - 4}{x + 1} = 4 \longrightarrow \frac{x^2 + 2x - 2}{x + 1} = 2$$

$$x^2 + \cancel{2x} - 2 = \cancel{2x} + 2 \quad \dots x - 1$$

$$x^2 - 4 = 0$$

$$x = 2$$

RESPOSTA: 2

1a. QUESTÃO - ITEM 5

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Dados 20 (vinte) pontos do espaço, dos quais não existem 4 (quatro) coplanares, quantos planos ficam definidos?

SOLUÇÃO:

$$C_{20}^3 = \frac{20 \cdot 19 \cdot 18}{1 \cdot 2 \cdot 3} = 20 \cdot 57 = 1140$$

RESPOSTA: 1140

1a. QUESTÃO - ITEM 6

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine a soma dos coeficientes numéricos do desenvolvimento de  $(x-y)^{11}$ .

SOLUÇÃO:

RESPOSTA: 0

1a. QUESTÃO - ITEM 7

Valor 0,2

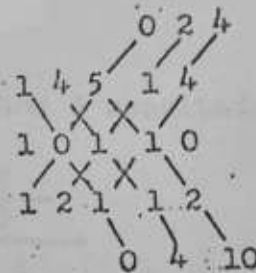
ENUNCIADO:

Calcule o valor de:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 11 & 12 & 13 & 14 & 15 \\ 16 & 17 & 18 & 19 & 20 \\ 21 & 22 & 23 & 24 & 25 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 & 5 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & 0 & 1 \\ 1 & 4 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

SOLUÇÃO:

$$= 0 + \begin{vmatrix} 145 \\ 101 \\ 121 \end{vmatrix} =$$



$$= 0 + 8 = 8$$

RESPOSTA: 8

1a. QUESTÃO - ITEM 8

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine o valor de a para o que o sistema abaixo seja indeterminado.

$$\begin{cases} x + 3y + 2z = 0 \\ 2x + 5y + az = 0 \\ 3x + 7y + z = 0 \end{cases}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 2 & 5 & a \\ 3 & 7 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 2 & 1 & 3 \\ 2 & 5 & a & 2 & 5 \\ 3 & 7 & 1 & 3 & 7 \end{vmatrix}$$

$$5 + 9a + 28 - 30 - 7a - 6 = 0$$

$$2a = 3$$

$$a = 3/2$$

RESPOSTA:

$$1 \frac{1}{2}$$

1ª. QUESTÃO - ITEM 9

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Escreva sob a forma cartesiana o resultado da expressão:

$$\frac{6e^{i \frac{\pi}{3}}}{\sqrt{3} - i}$$

OBSERVAÇÃO:

$$i = \sqrt{-1}$$

e = base logaritmos naturais.

SOLUÇÃO:

$$\frac{6e^{i \frac{\pi}{3}}}{2e^{-i \frac{\pi}{6}}} = 3e^{i \frac{\pi}{2}} = 3i$$

RESPOSTA:

$$3i$$

1ª. QUESTÃO - ITEM 10

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Resolva a equação:

$$x^4 + 16 = 0.$$

SOLUÇÃO:

$$x = \sqrt[4]{-16} = 2 \operatorname{cis} \frac{\pi + 2k\pi}{4}$$

$$k = 0 \rightarrow x_1 = 2 \operatorname{cis} \pi/4$$

$$k = 1 \rightarrow x_2 = 2 \operatorname{cis} 3\pi/4$$

$$k = 2 \rightarrow x_3 = 2 \operatorname{cis} 5\pi/4$$

$$k = 3 \rightarrow x_4 = 2 \operatorname{cis} 7\pi/4$$

$$\therefore x = \pm \sqrt{2} \pm i \sqrt{2}$$



RESPOSTA:  $\pm \sqrt{2} \pm i \sqrt{2}$

1a. QUESTÃO - ITEM 11

Valor 0,2

ENUNCIADO:Determine  $m$  de modo que o polinômio:

$$x^4 - 5x^2 + 4x + m \quad \text{seja divisível por} \quad 2x + 1.$$

SOLUÇÃO:

$$1/16 - 5/4 - 4/2 + m = 0$$

$$\frac{1-20+32}{16} + m = 0$$

$$m = 51/16$$

RESPOSTA:

$$3 \frac{3}{16}$$

1a. QUESTÃO - ITEM 12

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Desenvolva em potência de  $(x - 2)$  o polinômio:

$$P(x) = 2x^3 - 14x^2 + 8x + 48$$

$$P(x) = P(x_0) + (x-x_0) P'(x_0) + \frac{(x-x_0)^2}{2!} P''(x_0) + \frac{(x-x_0)^3}{3!} P'''(x_0)$$

	2	- 14	+ 8	48
2	2	- 10	- 12	24
	2	- 6	- 24	
	2	- 2		
	2			

RESPOSTA:

$$P(x) = 24 - 24(x-2) - 2(x-2)^2 + 2(x-2)^3$$

1a. QUESTÃO - ITEM 13

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Dada a equação:  $x^3 - 4x + 3 = 0$  determine a transformada cujas raízes sejam o triplo das raízes da equação primitiva e de sinais contrários.

SOLUÇÃO:

$$x^3 + 0x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$x^3 + 0(-3)x^2 - 4(-3)^2x + 3(-3)^3 = 0$$

$$x^3 - 36x - 81 = 0$$

RESPOSTA:  $x^3 - 36x - 81 = 0$

1a. QUESTÃO - ITEM 14

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine as raízes de:  $f(x) = x^4 - 2x^3 - 3x^2 + 4x + 4 = 0$ ,  
sabendo-se que:  $D_1 = \text{m.d.c.} [f(x), f'(x)] = x^2 - x - 2$ .

SOLUÇÃO:

$$x^2 - x - 2 = 0 \rightarrow \begin{cases} x' = 2 \\ x'' = -1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x_1 = x_2 = 2 \\ x_3 = x_4 = -1 \end{cases}$$

RESPOSTA:

$$\begin{aligned} x_1 = x_2 &= 2 \\ x_3 = x_4 &= -1 \end{aligned}$$

1a. QUESTÃO - ITEM 15

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Forme a equação recíproca de 2ª (segunda) espécie (classe) e do 4ª (quarto) grau que possui uma de suas raízes igual a -2 (menos dois).

SOLUÇÃO:

Recíproca, 2ª espécie, grau par  $\rightarrow x_1 = 1 ; x_2 = -1$

$$(x - 1)(x + 1)(x + 2)(x + 1/2) = 0$$

$$(x^2 - 1)(2x^2 + 5x + 2) = 0$$

$$2x^4 + 5x^3 - 5x - 2 = 0$$

RESPOSTA:

$$(x-1)(x+1)(x+2)(x+1/2) = 0 \quad \text{ou}$$

$$2x^4 + 5x^3 - 5x - 2 = 0$$



1a. QUESTÃO - ITEM 16

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Nos retângulos à direita, escreva C ou D conforme a série seja convergente ou divergente:

$$1 + \frac{1}{\sqrt[3]{2}} + \frac{1}{\sqrt[3]{3}} + \frac{1}{\sqrt[3]{4}} + \dots \quad \boxed{D}$$

$$e^{-1} + e^{-2} + e^{-3} + \dots \quad \boxed{C}$$

$$\frac{1}{2} \log 2 + \frac{1}{3} \log 3 + \frac{1}{4} \log 4 + \dots \quad \boxed{D}$$

1a. QUESTÃO - ITEM 17

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Se:  $y = e^{3t}$ ,

$$t = \sin^2 x + 3x \quad e$$

$$x = 5u,$$

calcule o valor da derivada  $dy/du$  no ponto  $u = 0$ .

SOLUÇÃO:

$$\frac{dy}{du} = \frac{dy}{dt} \cdot \frac{dt}{dx} \cdot \frac{dx}{du}$$

$$= 3e^{3t} \cdot (2\sin x \cos x + 3) \cdot 5$$

$$u = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ t = 0 \\ y = 1 \end{cases}$$

$$\longrightarrow \frac{dy}{du} = 3 \times 3 \times 5 = 45$$

RESPOSTA:

45

1a. QUESTÃO - ITEM 18

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine a equação da curva em que o coeficiente angular em cada ponto  $(x,y)$  é igual a:  $4 - 2x$ , e que passa pelo ponto  $(2,5)$ .

SOLUÇÃO:

$$\frac{dy}{dx} = 4 - 2x \rightarrow dy = (4 - 2x) dx \rightarrow y = 4x - x^2 + C$$

$$(2,5) \rightarrow 5 = 8 - 4 + C \rightarrow C = 1$$

$$y = 4x - x^2 + 1$$

RESPOSTA:  $y = 4x - x^2 + 1$

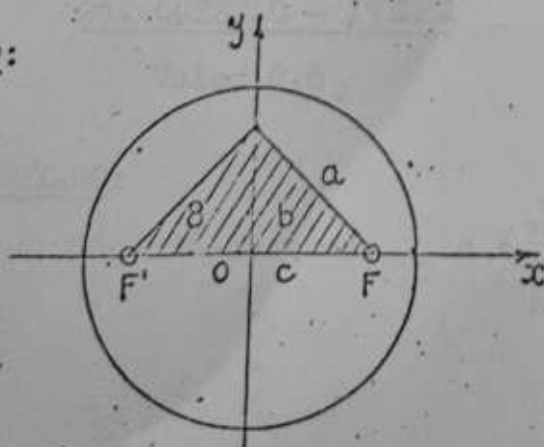
1a. QUESTÃO - ITEM 19

Valor 0,2

ENUNCIADO:

Determine a equação cartesiana da elipse de focos  $F(2,0)$  e  $F'(-2,0)$ , tal que o valor máximo da área do triângulo definido pelos raios vetores de um mesmo ponto da curva e o eixo dos  $XX$  seja igual a oito unidades de área.

SOLUÇÃO:



$$8 = 1/2 \cdot 2bc$$

$$8 = 2b \rightarrow b = 4$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \rightarrow a^2 = 16 + 4$$

$$\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{16} = 1$$

RESPOSTA:  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{16} = 0$

1a. QUESTÃO - ITEM 20

Valor 0,2

ENUNCIADO:

As tangentes traçadas de um ponto  $P(x,0)$  às circunferências de centros  $C_1(2,2)$  e  $C_2(7,7)$  e raios respectivamente  $R_1 = 2$  e  $R_2 = \sqrt{6}$ , são iguais. Determine  $x$ .

SOLUÇÃO:

Interseção do eixo dos  $X$  com o eixo radical.

$$\begin{cases} (x-2)^2 + (y-2)^2 = 4 \\ (x-7)^2 + (y-7)^2 = 6 \end{cases} \longrightarrow \begin{cases} x^2 - 4x + 4 + y^2 - 4y + 4 - 4 = 0 \\ x^2 - 14x + 49 + y^2 - 14y + 49 - 6 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x - 4y + 4 = 0 \\ x^2 + y^2 - 14x - 14y + 92 = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} 5x + 5y - 44 = 0 \\ y = 0 \end{cases}$$

$$10x + 10y - 88 = 0$$

$$5x = 44 \longrightarrow x = 8,8$$

RESPOSTA:  $x = 8,8$

2a. QUESTÃO - ITEM 1

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Sabendo-se que:

$$e = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!};$$

calcule

$$R = \frac{1 + \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^2}{n!}}{e}$$

OBSERVAÇÃO:

$n!$  = fatorial de  $n$ .

SOLUÇÃO:

$$\frac{n^2}{n!} = \frac{n}{(n-1)!} = \frac{A}{(n-1)!} + \frac{B}{(n-2)!} = \frac{A+B(n-1)}{(n-1)!} = \frac{Bn+(A-B)}{(n-1)!}$$

$$\text{Logo: } B = 1; A - B = 0 \longrightarrow A = B = 1$$

Assim:

$$1 + \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^2}{n!} = 1 + \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(n-1)!} + \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(n-2)!}$$

$$k = (n-1) \longrightarrow \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(n-1)!} = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k!} = \left( \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k!} \right) - 1 = e - 1$$

$$\gamma = (n-2) \longrightarrow \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(n-2)!} = \sum_{\gamma=0}^{\infty} \frac{1}{\gamma!} = e$$

Logo:

$$1 + \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^2}{n!} = 1 + (e - 1) + e = 2e$$

$$\text{Finalmente: } R = \frac{2e}{e} = 2$$

RESPOSTA: 2

2a. QUESTÃO - ITEM 2

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Calcule:

$$T = \frac{\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 - \frac{\pi}{x}\right)^x}{i^i}$$

SOLUÇÃO:

Numerador:

Límite fundamental:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 - \frac{\pi}{x}\right)^x = e^{-\pi}$$

Denominador:

$$\begin{aligned} i &= e^{i(\pi/2 + 2k\pi)} \\ i^i &= e^{i^2(\pi/2 + 2k\pi)} = e^{-(\pi/2 + 2k\pi)} \\ T &= \frac{e^{-\pi}}{e^{-\pi/2} e^{-2k\pi}} = e^{2k\pi - \pi/2} \end{aligned}$$

OBS: Aceitar também  $e^{-\pi/2}$

RESPOSTA:  $T = e^{2k\pi - \pi/2}$

2a. QUESTÃO - ITEM 3

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Seja a função definida por:

$$f(x) = \begin{cases} 1, & \text{se } x \text{ é um número racional } \geq 2 \\ 1/2, & \text{se } x \text{ é um número racional } < 2 \\ 0, & \text{se } x \text{ é um número irracional } \geq 3 \\ -1/4, & \text{se } x \text{ é um número irracional } < 3 \end{cases}$$

Calcule:

$$S = f \left[ \sum_{n=0}^{\infty} (1/2)^n \right] + f \left[ \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi(x-1)}{\ln x} \right] + f \left[ \lim_{x \rightarrow 0} e \frac{2 \operatorname{sen} x}{x} \right] + 4f(\log_2 1).$$

OBSERVAÇÃO:

$\ln$  - logaritmo natural.

$\log_a$  - logaritmo na base  $a$ .

SOLUÇÃO:

a)  $\sum_{n=0}^{\infty} (1/2)^n = 1 + \frac{a_1}{1-r} = 2 \dots \dots \dots f(2) = 1$

b)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi(x-1)}{\ln x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi}{1/x} = \pi \dots \dots \dots f(\pi) = 0$

c)  $\lim_{x \rightarrow 0} e \frac{2 \operatorname{sen} x}{x} = e^2 \dots \dots \dots f(e^2) = 0$

d)  $\log_2 1 = 0 \dots \dots \dots f(0) = 1/2$

Finalmente:

$$S = 1 + 0 + 0 + 4 \times 1/2 = 3$$

RESPOSTA:  $S = 3$

2a. QUESTÃO - ITEM 4

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Se o deslocamento de um móvel, em função do tempo, é dado por  $x = (t \cdot 2^t)^2 - \sqrt[3]{\sec^2(t^2 - 1)}$ ; determine a sua velocidade no instante  $t = 1$ . Use  $\ln 2 = 0,7$ .

SOLUÇÃO:

$$v = \frac{dx}{dt} = 2(t \cdot 2^t)(t \cdot \ln 2 \cdot 2^t + 2^t) +$$

$$- \frac{2}{3} [\sec(t^2 - 1)]^{-1/3} \sec(t^2 - 1) \cdot \operatorname{tg}(t^2 - 1) \cdot 2t$$

$$\left. \frac{dx}{dt} \right|_{t=1} = -(2 \ln 2 + 2) - \frac{2}{3} (1)(1)(0) \cdot 2 =$$

$$= 8(\ln 2 + 1) = 8 \times 1,7 = 13,6$$

RESPOSTA:  $v = 13,6$  u.v.

2a. QUESTÃO - ITEM 5

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Dada a função:  $v(x) = Ax^2 \cdot \ln\left(\frac{1}{x}\right)$ ; determine a constante  $A$  para que o valor máximo de  $v(x)$  seja igual a 1 (um).

SOLUÇÃO:

$$\frac{v(x)}{A} = x^2 \cdot \ln 1/x$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{v(x)}{A} \right) = x^2 \cdot \frac{-2/x^2}{1/x} + 2x \ln 1/x = x(-1+2 \ln 1/x) \dots x \neq 0$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{v(x)}{A} \right) = 0 \rightarrow -1 + 2 \ln 1/x = 0 \dots \ln 1/x = 1/2$$

$$1/x = e^{1/2} \dots x = e^{-1/2}$$

$$\frac{d^2}{dx^2} \left( \frac{v(x)}{A} \right) = x \left( 2 \frac{-1/x^2}{1/x} \right) + (-1 + 2 \ln 1/x) = -2 -1 + 2 \ln 1/x$$

$$x = e^{-1/2} \rightarrow \frac{d^2}{dx^2} \left( \frac{v(x)}{A} \right) = -2 < 0 \dots \text{máximo.}$$

$$v(x) \Big|_{\text{máx}} = A(e^{-1/2})^2 \cdot \ln \left( \frac{1}{e^{-1/2}} \right)$$

$$A/2e = 1 \rightarrow A = 2e$$

RESPOSTA: 2e

3a. QUESTÃO - ITEM 1

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Seja  $n$  um número real maior que 1 (um), calcular:

$$\int \frac{dx}{x \cdot \ln x \cdot (\ln \ln x)^n}$$

SOLUÇÃO:

$$\frac{d}{dx} (\ln \ln x) = \frac{1/x}{\ln x} \rightarrow d(\ln \ln x) = \frac{dx}{x \ln x}$$



$$\int (\ln \ln x)^{-m} \cdot \frac{dx}{x \ln x} = \frac{(\ln \ln x)^{1-m}}{1-m} + C$$

RESPOSTA:

$$\frac{(\ln \ln x)^{1-m}}{1-m} + C$$

3a. QUESTÃO - ITEM 2

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Calcular em valor absoluto, como aplicação do Cálculo Integral, a soma das áreas das superfícies finitas limitadas pelos gráficos da curva:  $x^2 + 2y = 0$  ; e das assíntotas da hipérbole :  $4x^2 - y^2 + 16 = 0$  .

SOLUÇÃO:

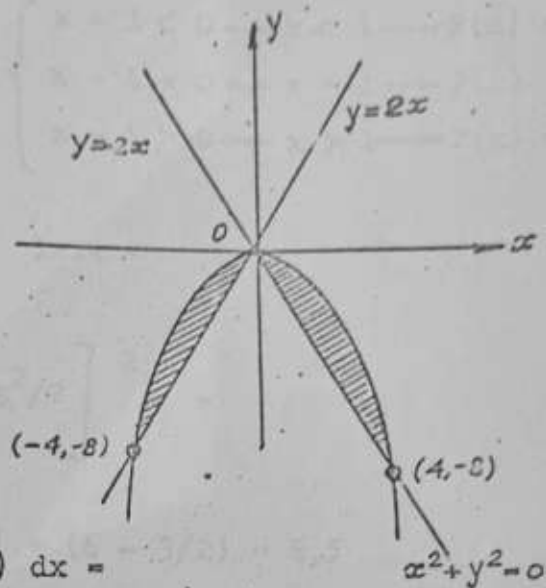
- Assíntotas:

$$y^2 - 4x = 0 \rightarrow \begin{cases} y = 2x \\ y = -2x \end{cases}$$

- Esboço:

Interseções

$$\begin{cases} x^2 + 2y = 0 \\ y = 2x \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x^2 + 4x = 0 \\ x(x + 4) = 0 \\ x = 0 \rightarrow y = 0 \\ x = -4 \rightarrow y = -8 \end{cases}$$



- Integral:

$$A = 2 \int_0^4 (2x - x^2/2) dx =$$

$$= 2 \left[ x^2 - x^3/6 \right]_0^4 =$$

$$= 2 \left[ 16 - 64/6 \right] = 32/3 = 10 \frac{2}{3} \text{ u.a.}$$

RESPOSTA: 10 2/3 u.a.

3a. QUESTÃO - ITEM 3

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Dada a função:  $F(x) = 1 + 2x + |x - 1|$  ; pede-se calcular a integral definida de  $F(x)$  entre os limites -1 (menos um) e 2 (dois).

OBSERVAÇÃO:

$|N|$  - valor absoluto de  $N$ .

SOLUÇÃO:

$$F(x) = 1 + 2x + (x - 1) = \begin{cases} x - 1 < 0 \rightarrow x < 1 \rightarrow F(x) = 2 + x \\ x - 1 = 0 \rightarrow x = 1 \rightarrow F(x) = 3 \\ x - 1 > 0 \rightarrow x > 1 \rightarrow F(x) = 3x \end{cases}$$

$$I = \int_{-1}^1 (2 + x) dx + \int_1^2 3x dx =$$

$$= \left[ 2x + \frac{x^2}{2} \right]_{-1}^1 + \left[ \frac{3x^2}{2} \right]_1^2 =$$

$$= (2 + 1/2) - (-2 + 1/2) + (6 - 3/2) = 8,5$$

RESPOSTA:

8,5

3a. QUESTÃO - ITEM 4

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Determine o ponto  $C$ , de coordenadas irracionais, pertencente à curva:  $y - 2x + 3 = 0$ , que forma com os pontos:  $A(3\sqrt{2}; 2\sqrt{2})$  e  $B(4\sqrt{2}; 3\sqrt{2})$  o triângulo  $ABC$ , cuja área é expressa pelo mesmo número que a distância da origem à reta  $AB$ .

SOLUÇÃO:

Reta  $AB$ :

$$\frac{y - 2\sqrt{2}}{x - 3\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2} - 3\sqrt{2}}{3\sqrt{2} - 4\sqrt{2}} \rightarrow y - 2\sqrt{2} = x - 3\sqrt{2} \rightarrow y = x - \sqrt{2}$$

Distância à origem:

$$d = \frac{0 + 0 + \sqrt{2}}{\sqrt{1+1}} \rightarrow d = 1$$

C estará sobre  $y = x$  ou  $y = x - 2\sqrt{2}$ . Considerando-se os casos possíveis:

$$\begin{cases} y = x \\ y - 2x + 8 = 0 \end{cases} \rightarrow x = 8 \rightarrow y = 8$$

$$\begin{cases} y = x - 2\sqrt{2} \\ y - 2x + 8 = 0 \end{cases} \rightarrow x - 2\sqrt{2} - 2x + 8 = 0 \rightarrow x = 8 - 2\sqrt{2} \\ y = 8 - 4\sqrt{2}$$

RESPOSTA:  $x = 8 - 2\sqrt{2}$   
 $y = 8 - 4\sqrt{2}$

3a. QUESTÃO - ITEM 5

Valor 0,6

ENUNCIADO:

Dada a equação:  $3x^2 + 2xy + 3y^2 = 4$  ; determine a equação resultante da eliminação do termo retângulo (termo em  $xy$ ), mediante transformação de coordenadas conveniente.

SOLUÇÃO: (uma)

$$\operatorname{tg} 2\theta = \frac{B}{A-C} = \frac{2}{3-3} \rightarrow \theta = 45^\circ \rightarrow \operatorname{sen} \theta = \operatorname{cos} \theta = 1/\sqrt{2}$$

$$\begin{cases} x = X \operatorname{cos} \theta - Y \operatorname{sen} \theta = \frac{x - y}{\sqrt{2}} \\ y = X \operatorname{sen} \theta + Y \operatorname{cos} \theta = \frac{x + y}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

substituindo:

$$3/2(x - y)^2 + \cancel{1/2}(x^2 - y^2) + 3/2(x + y)^2 = 4$$

$$3/2(\cancel{x^2} + \cancel{y^2}) + (x^2 - y^2) = 4$$

$$4x^2 + 2y^2 = 4 \longrightarrow 2x^2 + y^2 = 2$$

RESPOSTA:  $2x^2 + y^2 = 2$