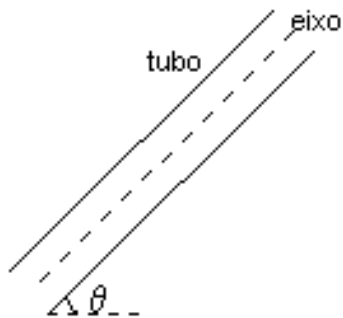


1ª Questão: Valor : 1,0

Uma gota de chuva cai verticalmente com velocidade constante igual a v . Um tubo retilíneo está animado de translação horizontal com velocidade constante $v\sqrt{3}$.

Determine o ângulo θ , de modo que a gota de chuva percorra o eixo do tubo.



2ª Questão: Valor : 1,0

Um cilindro com um êmbolo móvel contém 1 mol de um gás ideal que é aquecido isobaricamente de 300 K até 400 K. Ilustre o processo em um diagrama pressão versus volume e determine o trabalho realizado pelo gás, em joules.

Dados:

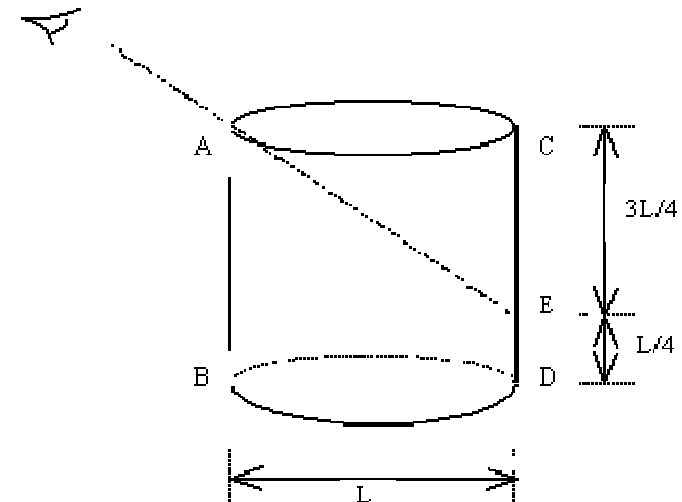
- constante universal dos gases ideais: $0,082 \text{ (atm.l)/(mol.K)}$;

- $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$.

3ª Questão: Valor : 1,0

a. Um recipiente cilíndrico de paredes opacas está posicionado de tal forma que o observador só tenha visada até a profundidade indicada pelo ponto E sobre a geratriz oposta ao observador, como mostra a figura. Colocando-se um determinado líquido no recipiente até a borda, o observador, na mesma posição, passa a ter seu limite de visada na interseção do fundo com a mesma geratriz (ponto D).

Determine o índice de refração do líquido.



b. Uma máquina fotográfica obtém, em tamanho natural, a fotografia de um objeto quando sua lente está a 10 cm do filme.

Determine a separação que deve existir entre a lente e o filme para que se obtenha a fotografia nítida de um coqueiro que se encontre a uma grande distância.

4ª Questão: Valor : 1,0

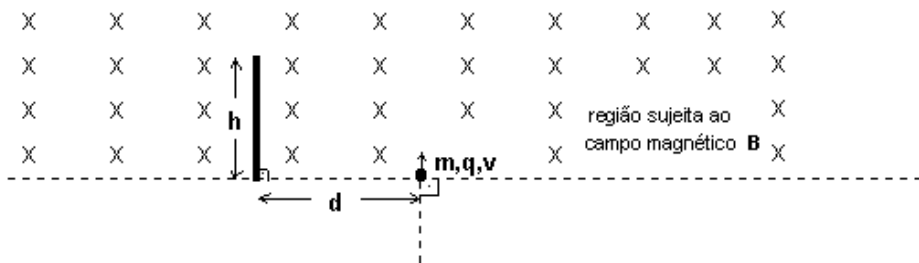
Ao encher-se um recipiente com água, o som produzido fica mais agudo com o passar do tempo.

- Explique por que isto ocorre;
- Determine uma expressão para a frequência fundamental do som em função do tempo, para o caso de um recipiente cilíndrico com 6 cm de diâmetro e 30 cm de altura, sabendo que a vazão do líquido é de $30 \text{ cm}^3/\text{s}$. Suponha que a velocidade do som no ar no interior do recipiente seja 340 m/s .

5ª Questão: Valor : 1,0

Uma partícula de massa m e carga q viaja a uma velocidade v até atingir perpendicularmente uma região sujeita a um campo magnético uniforme B .

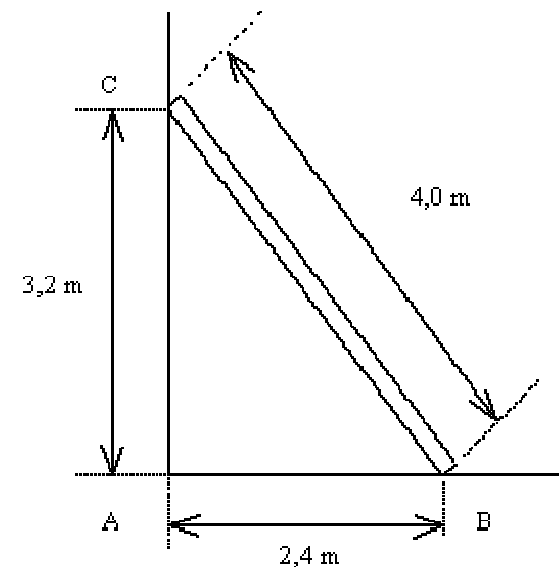
Desprezando o efeito gravitacional e levando em conta apenas a força magnética, determine a faixa de valores de B para que a partícula se choque com o anteparo de comprimento h localizado a uma distância d do ponto onde a partícula começou a sofrer o efeito do campo magnético.



6ª Questão: Valor : 1,0

Uma escada de 4,0 m de comprimento está apoiada contra uma parede vertical com a sua extremidade inferior a 2,4 m da parede, como mostra a figura. A escada pesa 20 kgf e seu centro de gravidade está localizado no ponto médio. Sabendo que os coeficientes de atrito estático entre a escada e o solo e entre a escada e a parede são, respectivamente, 0,5 e 0,2, calcule:

- a altura máxima, em relação ao solo, a que um homem de 90 kgf de peso pode subir, sem provocar o escorregamento da escada;
- a distância máxima da parede a que se pode apoiar a parte inferior da escada vazia, sem provocar escorregamento.



7ª Questão: Valor : 1,0

No extremo de uma mola feita de material isolante elétrico está presa uma pequena esfera metálica com carga Q_1 . O outro extremo da mola está preso no anteparo AB.

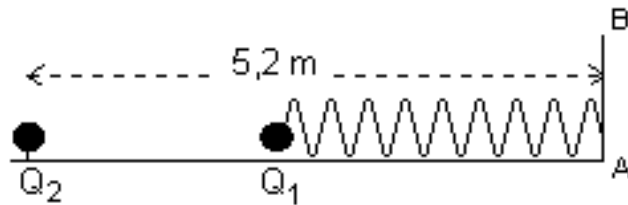
Fixa-se uma outra esfera idêntica com carga Q_2 , à distância de 5,2 m do anteparo, conforme a figura abaixo, estando ambas as esferas e a mola colocadas sobre um plano de material dielétrico, perfeitamente liso. Em consequência, a mola alonga-se 20% em relação ao seu comprimento original, surgindo entre as esferas uma força de 0,9 N.

Determine qual deve ser o valor de Q_2 para que a mola se alongue 120% em relação ao seu comprimento original.

Dados: constante eletrostática do ar $\cong 9 \times 10^9$ (unidades do S.I.);

$Q_1 = +40 \mu\text{C}$;

$Q_2 = -40 \mu\text{C}$.



8ª Questão: Valor : 1,0

Uma esfera **A** de massa m_A é lançada horizontalmente com velocidade v_A , colidindo com uma esfera **B** de massa m_B . A esfera **B**, inicialmente em repouso, é suspensa por um fio ideal de comprimento L fixo no ponto **P** e, após a colisão, atinge a altura máxima h_B conforme mostra a figura.

Sabendo que toda a energia perdida com o choque foi convertida em calor, que as esferas **A** e **B** são de mesmo material e que, imediatamente após o choque, a esfera **A** sofre uma variação de temperatura de $0,025^\circ\text{C}$, enquanto que a esfera **B** sofre uma variação de temperatura de $0,010^\circ\text{C}$, determine o calor específico do material que compõe as esferas.

Dados: $1 \text{ cal} = 4 \text{ J}$;

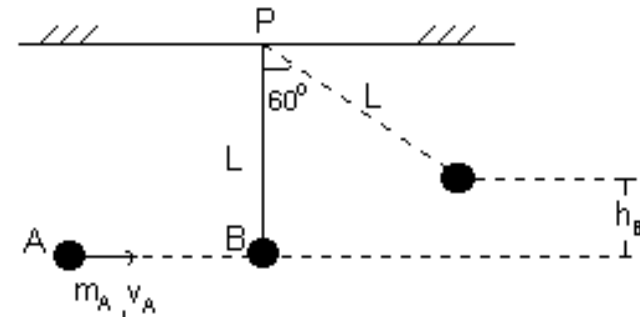
$m_A = 2,0 \text{ kg}$;

$v_A = 4,0 \text{ m/s}$;

$m_B = 5,0 \text{ kg}$;

$L = 40 \text{ cm}$;

$g = 10 \text{ m/s}^2$.



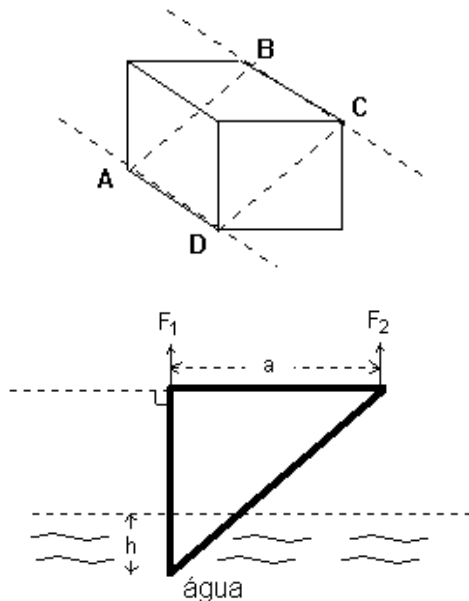
9ª Questão: Valor : 1,0

Um objeto de massa m é construído ao seccionar-se ao meio um cubo de aresta a pelo plano que passa pelos seus vértices **ABCD**, como mostrado nas figuras abaixo. O objeto é parcialmente imerso em água, mas mantido em equilíbrio por duas forças **F1** e **F2**. Determine:

- o módulo do empuxo que age sobre o objeto;
- os pontos de aplicação do empuxo e do peso que agem sobre o objeto;
- os módulos e os pontos de aplicação das forças verticais **F1** e **F2** capazes de equilibrar o objeto.

Dados:

- aceleração da gravidade (g);
- massa específica da água (μ);
- profundidade de imersão (h);
- a massa m é uniformemente distribuída pelo volume do objeto.



10ª Questão: Valor : 1,0

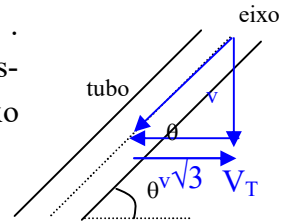
Uma bolinha de 50 g é largada da altura de 20 m. O vento está soprando e, além da aceleração da gravidade, a bolinha fica sujeita a uma aceleração horizontal, variável com o tempo, dada por $a_x = 2t$ m/s².

- Faça o gráfico da componente horizontal da aceleração, desde o instante inicial até o instante em que a bolinha atinge o chão;
- Determine:
 - o vetor velocidade da bolinha, no instante em que ela atinge o chão;
 - a variação da energia total da bolinha entre o momento em que ela é largada e o momento em que atinge o chão.

Dado: aceleração da gravidade = 10 m/s².

IME – FÍSICA – 1999

01) Uma gota de chuva cai verticalmente com velocidade constante igual a v . Um tubo retilíneo está animado de translação horizontal com velocidade constante $v\sqrt{3}$. Determine o ângulo θ , de modo que a gota de chuva percorra o eixo do tubo.



Solução:- Os vetores velocidade estão indicados na figura.

Tem-se: $\text{tg } \theta = v/v\sqrt{3} = 1/\sqrt{3} = \sqrt{3}/3 \rightarrow \theta = 30^\circ$

Resposta: 30°.

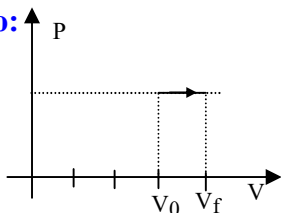
02) Um cilindro com um êmbolo móvel contém 1 mol de um gás ideal que é aquecido isobaricamente de 300 K até 400 K. Ilustre o processo em um diagrama pressão versus volume e determine o trabalho realizado pelo gás, em joules.

Dados:

- constante universal dos gases ideais: 0,082 (atm.l)/(mol.K);

- 1 atm = 10^5 Pa.

Gráfico:



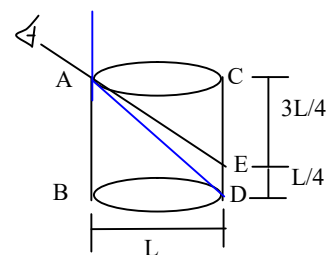
$$V_0/300 = V_f/400 \rightarrow V_f = (3/4)V_0$$

O trabalho é $W = p \cdot \Delta V = nR\Delta\theta$. Convertendo as unidades: 1 litro = 10^{-3} m³. $R = 0,082 \cdot 10^5 \cdot 10^{-3} / \text{mol.K} = 8,2 \text{ J/K.mol}$

Assim, $W = 1 \cdot 8,2 \cdot (400 - 300) = 820 \text{ J}$.

Resposta: 820 J.

03, a) Um recipiente cilíndrico de paredes opacas está posicionado de tal forma que o observador só tenha visada até a profundidade indicada pelo ponto E sobre a geratriz oposta ao observador, como mostra a figura. Colocando-se um determinado líquido no recipiente até a borda, o observador, na mesma posição, passa a ter seu limite de visada na interseção do fundo com a mesma geratriz (ponto D). Determine o índice de refração do líquido.



Solução:- Acrescentamos em azul, linhas para identificar os ângulos de incidência e de refração.

O ângulo de incidência é igual a BAE e o ângulo de refração é BAD.

Na refração teremos: $\text{sen BAE} / \text{sen BAD} = n$.

No triângulo BAE, $AE^2 = L^2 + (3L/4)^2 = L^2 + 9L^2/16 = 25L^2/16 \rightarrow AE = 5L/4 \rightarrow \text{sen BAE} = L/(5L/4) = 4L/5L = 4/5$

No triângulo BAD, $AD^2 = L^2 + (3L/4 + L/4)^2 = L^2 + L^2 = 2L^2 \rightarrow AD = L \cdot \sqrt{2} \rightarrow \text{sen BAD} = L/(L \cdot \sqrt{2}) = 1/\sqrt{2}$

Assim, $n = (4/5)/(1/\sqrt{2}) = 4/5 \cdot \sqrt{2} = 2 \cdot \sqrt{2}/5$.

Resposta: $n = 2 \cdot \sqrt{2}/5$.

03, b) Uma máquina fotográfica obtém, em tamanho natural, a fotografia de um objeto quando sua lente está a 10 cm do filme. Determine a separação que deve existir entre a lente e o filme para que se obtenha a fotografia nítida de um coqueiro que se encontra a uma grande distância.

Solução:- Se $H_i = H_o$ então $D_i = D_o = 10 \text{ cm} \rightarrow (1/f) = 1/D_o + 1/D_i \rightarrow 1/f = 1/10 + 1/10 = 2/10 \rightarrow f = 5 \text{ cm}$.

Para um objeto a uma grande distância a imagem é formada sobre o foco.

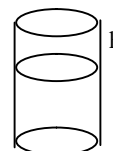
Resposta: $D_i = 5 \text{ cm}$.

04) Ao encher-se um recipiente com água, o som produzido fica mais agudo com o passar do tempo.

a. Explique por que isto ocorre;

b. Determine uma expressão para a frequência fundamental do som em função do tempo, para o caso de um recipiente cilíndrico com 6 cm de diâmetro e 30 cm de altura, sabendo que a vazão do líquido é de $30 \text{ cm}^3/\text{s}$. Suponha que a velocidade do som no ar no interior do recipiente seja 340 m/s .

(a) – Resposta. A velocidade do som é dada por $v = \lambda f$ sendo $(1/2) \lambda = h$ onde h é altura vazia acima da água. À medida que o recipiente vai-se enchendo h diminui o que implica em diminuir o comprimento de onda. Como $v = \lambda f$, diminuindo λ aumenta a frequência e o som fica mais agudo.



(b) Solução: onde ΔV é a variação do volume ϕ o fluxo.

$$\Delta V = \phi t \rightarrow \pi R^2 \cdot h = \phi t \rightarrow h = \phi t / \pi R^2.$$

Convertendo as unidades: $R = 6/2 = 3 \text{ cm} = 3 \cdot 10^{-2} \text{ m}$; $\phi = 3 \text{ cm}^3/\text{s} = 3 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3/\text{s}$.

$$\text{Assim, } h = 3 \cdot 10^{-6} t / 3,14 \cdot (3 \cdot 10^{-2})^2 = 9,8 \cdot 10^{-4} t.$$

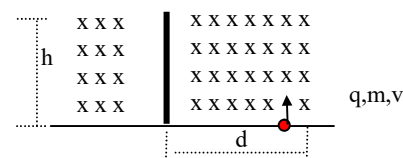
Para a frequência fundamental $h = (1/2)\lambda \rightarrow \lambda = 2h$.

$$\text{De } v = \lambda f \text{ tira-se } 340 = 2hf \rightarrow f = 340/2h = 340/9,8 \cdot 10^{-4} t = 3,47 \cdot 10^4 / t.$$

Como em cada segundo o recipiente baixo $9,8 \cdot 10^{-4} \text{ m}$. Para esvaziar todo o recipiente serão necessários $0,3\text{m}/9,8 \cdot 10^{-4} = 3,1 \cdot 10^2 = 310$ segundo. A partir desse tempo a frequência passa a ser constante e igual a $3,47 \cdot 10^4 / 310 = 112 \text{ Hz}$.

Resposta: para $t \leq 310 \text{ s}$, $f = 3,47 \cdot 10^4 / t - 1 \text{ Hz}$ e para $t > 310 \text{ s}$, $f = 112 \text{ Hz}$.

05) Uma partícula de massa m e carga q viaja a uma velocidade v até atingir perpendicularmente uma região sujeita a um campo magnético uniforme B . Desprezando o efeito gravitacional e levando em conta apenas a força magnética, determine a faixa de valores de B para que a partícula se choque com o anteparo de comprimento h localizado a uma distância d do ponto onde a partícula começou a sofrer o efeito do campo magnético.



Solução:- A figura mostra o maior e o menor raio para que a partícula atinja o anteparo

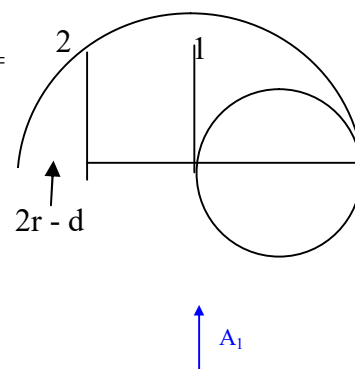
No primeiro caso, o raio mínimo é igual a $d/2$.

$$\text{Neste caso, teremos o maior valor de } B \text{ que é: } B = mv/qr = mv/q(d/2) = 2mv/qd.$$

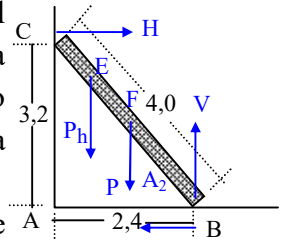
$$\text{No segundo caso, teremos } h^2 = (2r - d) \cdot d \rightarrow h^2 = 2rd - d^2 \rightarrow r = (h^2 + d^2)/2d.$$

$$\text{O valor mínimo de } B \text{ será } B = mv/qr = mv/[(h^2 + d^2)/2d] \rightarrow B = 2mvd/(h^2 + d^2).$$

Resposta: $B_{\text{max}} = 2mv/qd \cdot m$ e $B_{\text{min}} = 2mvd/(h^2 + d^2)$.



06) Uma escada de 4,0 m de comprimento está apoiada contra uma parede vertical com a sua extremidade inferior a 2,4 m da parede, como mostra a figura. A escada pesa 20 kgf e seu centro de gravidade está localizado no ponto médio. Sabendo que os coeficientes de atrito estático entre a escada e o solo e entre a escada e a parede são, respectivamente, 0,5 e 0,2, calcule:



- a) a altura máxima, em relação ao solo, a que um homem de 90 kgf de peso pode subir, sem provocar o escorregamento da escada;
- b) a distância máxima da parede a que se pode apoiar a parte inferior da escada vazia, sem provocar escorregamento.

Solução:

(a) Apresentamos na figura dada as forças em azul.

Condições de equilíbrio: (horizontal) (1) $H = A_2$; (vertical) (2) $A_1 + V = P + P_h = 20 + 90 = 110$ kgf

Atritos: (3) $A_1 = \mu H = 0,2H$ e (4) $A_2 = \mu V = 0,5V$.

De (3) $A_1 = 0,2H$, aplicando (1) $A_1 = 0,2A_2$, aplicando (4) $A_1 = 0,2 \cdot 0,5 \cdot V = 0,1V$.

Substituindo em (2) $0,1V + V = 110 \Rightarrow V = 110/1,1 = 100$ kgf.

Em conseqüência: $A_1 = 110 - 100 = 10$ kgf; $H = A_1/0,2 = H = 10/0,2 = 50$ kgf; $A_2 = 0,5 \cdot 100 = 50$ kgf.

Para não girar, a soma dos momentos em relação a qualquer ponto deve ser nulo.

Observação: o momento de uma força em relação a qualquer ponto não se altera se a mesma for deslocada ao longo de sua linha de ação.

Calculando os momentos de todas as forças em relação ao ponto B, (note o deslocamento de forças sobre a sua linha de ação):

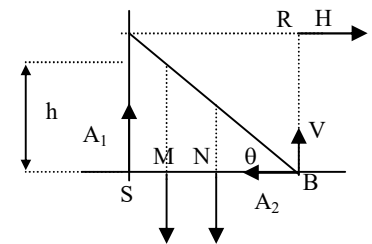
$\Sigma M_B = -H \cdot RB - A_1 \cdot SB + P_h \cdot MB + P \cdot NB + 0 + 0 = 0$ (Os momentos de V e A_2 são nulos pois as forças estão aplicadas em B).

$$\Rightarrow -H \cdot RB - A_1 \cdot SB + P_h \cdot (h/\tan \theta) + P \cdot (SB/2) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -50 \cdot 3,2 - 10 \cdot 2,4 + 90 \cdot h/(3,2/2,4) + 20 \cdot 2,4/2 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -160 - 24 + 67,5h + 24 = 0 \Rightarrow h = 160/67,5 = 2,37 \text{ m.}$$

Resposta: 2,37 m.



(b) Sem o peso: $RB = CB \cdot \sin \theta = 4 \cdot \sin \theta$; $SB = CB \cdot \cos \theta = 4 \cdot \cos \theta$.

As equações de equilíbrio passam a ser: $A_1 + V = 20$ e $H = A_2$.

Para os atritos: $A_1 = \mu H = 0,2H$ e (4) $A_2 = \mu V = 0,5V$.

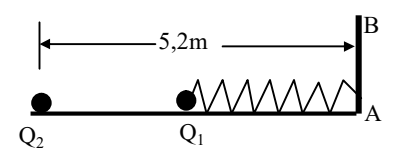
$A_1 = 0,2H = 0,2A_2 = 0,2 \cdot 0,5V = 0,1V \Rightarrow 0,1V = 20 \Rightarrow V = 20/1,1 = 200/11. \Rightarrow A_1 = 20 - 200/11 = 20/11$ e $H = A_1/\mu = (20/11)/0,2 = 20/2,2 = 100/11$.

Para os momentos: $-H \cdot RB - A_1 \cdot SB + P \cdot NB + 0 + 0 = 0 \Rightarrow - (100/11) \cdot 4 \cdot \sin \theta - (20/11) \cdot 4 \cdot \cos \theta + 20 \cdot (4 \cdot \cos \theta)/2 = 0 \Rightarrow -400 \sin \theta - 80 \cos \theta + 440 \cos \theta = 0 \Rightarrow -400 \text{ tg } \theta - 80 + 440 = 0 \Rightarrow \text{tg } \theta = 360/400$

$$\Rightarrow \text{tg } \theta = 0,9.$$

Resposta: $\theta = \text{arc tg } 0,9$.

07) No extremo de uma mola feita de material isolante elétrico está presa uma pequena esfera metálica com carga Q_1 . O outro extremo da mola está preso no anteparo AB. Fixa-se uma outra esfera idêntica com carga Q_2 , à distância de 5,2 m do anteparo, conforme a figura abaixo, estando ambas as esferas e a mola colocadas sobre um plano de material dielétrico, perfeitamente liso.



Em consequência, a mola alonga-se 20% em relação ao seu comprimento original, surgindo entre as esferas uma força de 0,9 N. Determine qual deve ser o valor de Q_2 para que a mola se alongue 120% em relação ao seu comprimento original.

Dados: constante eletrostática do ar $\cong 9 \times 10^9$ (unidades do S.I.);

$$Q_1 = +40 \mu\text{C};$$

$$Q_2 = -40 \mu\text{C}.$$

Solução:- Para uma força de 0,9 N entre as cargas, a distância entre elas é d , tal que: $F = k \cdot Q_1 \cdot Q_2 / d^2 \rightarrow \rightarrow 0,9 = 9 \cdot 10^9 \cdot (40 \cdot 10^{-6}) \cdot (40 \cdot 10^{-6}) / d^2 \rightarrow d^2 = (40 \cdot 10^{-6})^2 \cdot 9 \cdot 10^9 / 9 \cdot 10^{-1} = 40^2 \cdot 10^{-2} \rightarrow d = 40 \cdot 10^{-1} \text{ m} = 4 \text{ m} \rightarrow \rightarrow$ comprimento final da mola é $5,2 - 4 = 1,2 \text{ m}$.

Como a alongação foi de 20%, 1,2 m representa o comprimento inicial acrescido dos 20% ou seja 1,2 m é 120% do comprimento inicial da mola que era $L = 1,20 / 120\% = 1,20 / 1,20 = 1 \text{ m}$.

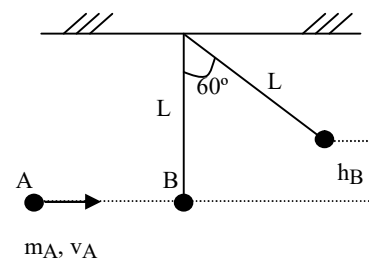
A constante elástica da mola é $k = F/x = 0,9 / 0,2 = 4,5 \text{ N/m}$.

Para uma alongação de 120%, o comprimento passa a ser $1 + 1,2 = 2,2 \text{ m} \rightarrow$ distância entre as cargas passa a ser $5,2 - 2,2 = 3 \text{ m}$. Neste caso a força será $F = kx = 4,5 \cdot 1,2 = 5,4 \text{ N}$.

A carga Q_2 deve ser então: $Q_2 = Fd^2 / k \cdot Q_1 = 5,4 \cdot 3^2 / 9 \cdot 10^9 \cdot 40 \cdot 10^{-6} = (5,4/4) \cdot 10^{-4} = 1,35 \cdot 10^{-4} \text{ C} = 135 \mu\text{C}$.

Resposta: 135 μC

08) Uma esfera **A** de massa m_A é lançada horizontalmente com velocidade v_A , colidindo com uma esfera **B** de massa m_B . A esfera **B**, inicialmente em repouso, é suspensa por um fio ideal de comprimento L fixo no ponto **P** e, após a colisão, atinge a altura máxima h_B conforme mostra a figura. Sabendo que toda a energia perdida com o choque foi convertida em calor, que as esferas **A** e **B** são de mesmo material e que, imediatamente após o choque, a esfera **A** sofre uma variação de temperatura de $0,025 \text{ }^\circ\text{C}$, enquanto que a esfera **B** sofre uma variação de temperatura de $0,010 \text{ }^\circ\text{C}$, determine o calor específico do material que compõe as esferas.



Dados: $1 \text{ cal} = 4 \text{ J}$; $m_A = 2,0 \text{ kg}$; $v_A = 4,0 \text{ m/s}$; $m_B = 5,0 \text{ kg}$; $L = 40 \text{ cm}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$.

Solução:- Pela conservação da quantidade de movimento: $m_A v_A + m_B \cdot 0 = m_B v_B' + m_A \cdot v_A' \rightarrow \rightarrow 2 \cdot 4 = 5 \cdot v_B' + 2v_A' \quad (1)$

Como B atinge a altura $h_B = L - L \cos 60^\circ = 0,4 - 0,4 \cdot 0,5 = 0,4 - 0,2 = 0,2 \text{ m}$ sua energia cinética após a colisão era $mgh = 5 \cdot 10 \cdot 0,2 = 10 \text{ J} \rightarrow m_B v_B'^2 / 2 = 10 \rightarrow 5 \cdot v_B'^2 / 2 = 10 \rightarrow v_B'^2 = 4 \rightarrow v_B' = 2 \text{ m/s}$.

Levando esse valor em (1), $8 = 5 \cdot 2 + 2v_A' \rightarrow v_A' = -1 \text{ m/s}$.

A energia cinética inicial do sistema era $m_A v_A^2 / 2 = 2 \cdot 4^2 / 2 = 16 \text{ J}$.

Após a colisão a energia cinética total passou a ser $m_A v_A'^2 / 2 + m_B v_B'^2 / 2 = 2 \cdot 1^2 / 2 + 10 = 11 \text{ J}$ o que implica em uma perda de $16 - 11 = 5 \text{ J}$ que foi transformado em calor na colisão.

Fazendo: $m_A c \cdot \Delta\theta + m_B c \Delta\theta = \Delta E$ resulta: $2 \cdot c \cdot 0,025 + 5 \cdot c \cdot 0,010 = 5 \rightarrow 0,05c + 0,05c = 5 \rightarrow c = 5 / 0,1 = 50 \text{ J/kg} \cdot ^\circ\text{C} = (50/4,18) \text{ cal}/1000\text{g} \cdot ^\circ\text{C} = 1,2 \times 10^{-3} \text{ cal/g} \cdot ^\circ\text{C}$.

Resposta: $1,2 \times 10^{-3} \text{ cal/g} \cdot ^\circ\text{C}$

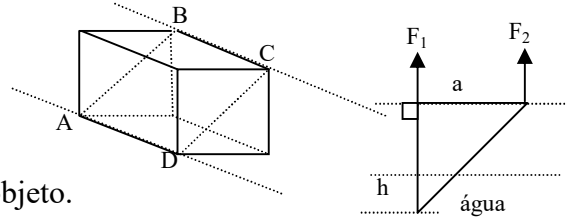
09) Um objeto de massa m é construído ao seccionar-se ao meio um cubo de aresta a pelo plano que passa pelos seus vértices **ABCD**, como mostrado nas figuras abaixo. O objeto é parcialmente imerso em água, mas mantido em equilíbrio por duas forças F_1 e F_2 . Determine:

a. o módulo do empuxo que age sobre o objeto;

- b. os pontos de aplicação do empuxo e do peso que agem sobre o objeto;
 c. os módulos e os pontos de aplicação das forças verticais F_1 e F_2 capazes de equilibrar o objeto.

Dados:

- aceleração da gravidade (g);
- massa específica da água (μ);
- profundidade de imersão (h);
- a massa m é uniformemente distribuída pelo volume do objeto.



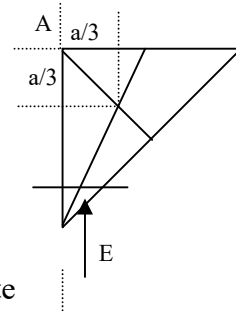
Solução:-

(a) Temos que $V_s/V_t = (h/a)^3 \rightarrow V_s = V_t \cdot (h/a)^3 = a^3 \cdot (h^3/a^3) = h^3$.

O empuxo é $E = V_s \cdot \mu L \cdot g = h^3 \cdot \mu \cdot g$

(b) O peso é aplicado no centro de gravidade do corpo. Que no caso de um triângulo é o encontro das três medianas. Isto é em um ponto à distância $a/3$ do lado vertical e $a/3$ do lado horizontal.

O ponto de aplicação do empuxo é o mesmo do centro de gravidade da parte submersa. Portanto, a uma distância igual a $(2/3)h$ do vértice inferior e $1/3$ da face vertical.



Considerando o ponto A como a origem de um sistema de eixos: temos o peso é aplicado no ponto $(a/3, -a/3)$ e o empuxo no ponto $(-a + 2h/3, h/3)$.

Resposta: P $(a/3, -a/3)$ e E $(-a + 2h/3, h/3)$.

(c) Equilíbrio das forças $P = F_1 + F_2 + E$. Diversas são as posições das forças F_1 e F_2 . Seja d a distância entre ela. Se os pontos de aplicação forem os indicados:

$$F_2 \cdot a + E \cdot (h/3) - P \cdot (a/3) = \rightarrow F_2 = P/3 - Eh/3a = (Pa - Eh)/3a \text{ e } F_1 = P - E - F_2 = P - E - (Pa - Eh)/3a$$

$$\rightarrow F_1 = P - E - P/3 + Eh/3a = 2P/3 - E(1 - h/3a)$$

Resposta: $F_1 = 2P/3 - E(1 - h/3a)$ e $F_2 = P/3 - Eh/3a$

10) Uma bolinha de 50 g é largada da altura de 20 m. O vento está soprando e, além da aceleração da gravidade, a bolinha fica sujeita a uma aceleração horizontal, variável com o tempo, dada por $a_x = 2t \text{ m/s}^2$.

a) Faça o gráfico da componente horizontal da aceleração, desde o instante inicial até o instante em que a bolinha atinge o chão;

Determine:

b.1) o vetor velocidade da bolinha, no instante em que ela atinge o chão;

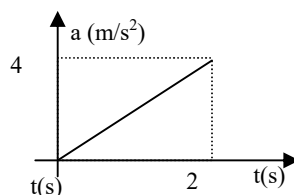
b.2) a variação da energia total da bolinha entre o momento em que ela é largada e o momento em que atinge o chão. Dado: aceleração da gravidade = 10 m/s^2 .

Solução:

(a) O tempo gasto para a bolinha cair os 20 m é $h = (1/2)gt^2 \rightarrow 20 = (1/2) \cdot 10t^2 \rightarrow t = 2 \text{ s}$.

A aceleração inicial é zero. Após 2 segundos a aceleração é $a = 2 \cdot 2 = 4 \text{ m/s}^2$. Como $a = 2t$, o gráfico é uma reta.

Resposta:



(b.1) $v_x = \text{área do gráfico} = 4 \cdot 2 / 2 = 4 \text{ m/s}$. $v_y = gt = 10 \cdot 2 = 20 \text{ m/s}$.

$\rightarrow v^2 = 4^2 + 20^2 = 416 \rightarrow v = 20,4 \text{ m/s}$ fazendo um ângulo θ abaixo da horizontal, tal que $\text{tg } \theta = 20/4 = 5$.

Resposta: 20,4 m/s, 

(b.2) $E_0 = 0$. $E_f = mv^2/2 = 0,050 \cdot 416/2 = 10,4 \text{ J} \rightarrow$ variação de 10,4 J.

Resposta: 10,4 J.